



## KARTA OPISU PRZEDMIOTU - SYLABUS

Nazwa przedmiotu

Analiza Matematyczna

### Przedmiot

Kierunek studiów

Automatyka i Robotyka

Studia w zakresie (specjalność)

Poziom studiów

pierwszego stopnia

Forma studiów

stacjonarne

Rok/semestr

I/I

Profil studiów

praktyczny

Język oferowanego przedmiotu

Polski

Wymagalność

obligatoryjny

### Liczba godzin

Wykład

60

Ćwiczenia

30

Laboratoria

Projekty/seminaria

Inne (np. online)

### Liczba punktów ECTS

6

### Wykładowcy

Odpowiedzialny za przedmiot/wykładowca:

Prof. dr hab. Ryszard Płuciennik

Odpowiedzialny za przedmiot/wykładowca:

### Wymagania wstępne

Podstawowa wiedza z zakresu szkoły średniej. Znajomość funkcji trygonometrycznych, wykładniczych i logarytmicznych. Umiejętność sprawnego przekształcania wzorów, wykonywania podstawowych działań algebraicznych na ułamkach.

### Cel przedmiotu

Dogłębne poznanie podstaw logiki matematycznej oraz rachunku różniczkowego i całkowego w stopniu



niezbędnym do studiowania Automatyki i Robotyki. Uzyskanie umiejętności stosowania nabytej wiedzy, do zagadnień praktycznych w obszarze nauk technicznych, zwłaszcza w automatyce i robotyce.

### Przedmiotowe efekty uczenia się

#### Wiedza

1. Zna najważniejsze twierdzenia analizy matematycznej i ich praktyczne zastosowania.
2. Posiada zaawansowaną wiedzę z logiki matematycznej, teorii mnogości, teorii ciągów i szeregów liczbowych.
3. Posiada biegłą znajomość rachunku różniczkowego i całkowego.

#### Umiejętności

1. Potrafi zaprezentować podstawowe twierdzenia z analizy matematycznej i zastosować je do rozwiązywania przykładów ilustrujących konkretne zagadnienia praktyczne.
2. Potrafi użyć formalizmu matematycznego do budowy i analizy prostych modeli matematycznych opisujących zjawiska z innych dyscyplin naukowych.
3. Posiada umiejętność przedstawienia w sposób zrozumiały w mowie i na piśmie rozumowań matematycznych, formułowania twierdzeń i definicji.
4. Potrafi posługiwać się rachunkiem zdań i kwantyfikatorów przy rozwiązywaniu konkretnych problemów matematycznych.

#### Kompetencje społeczne

1. Potrafi precyzyjnie formułować pytania służące pogłębieniu własnego zrozumienia danego tematu lub odnalezieniu brakujących elementów rozumowania.
2. Posiada świadomość ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia.
3. Posiada świadomość odpowiedzialności za pracę własną i jest gotowy do przyjęcia zasad pracy w zespole.

### Metody weryfikacji efektów uczenia się i kryteria oceny

Efekty uczenia się przedstawione wyżej weryfikowane są w następujący sposób:

Wykład.

Ocena wiedzy i umiejętności wykazanych na egzaminie pisemnym i ustnym. Próg zaliczeniowy: 50% punktów. Przykładowe zadania oraz zagadnienia zaliczeniowe, na podstawie których opracowywane są pytania są przesłane studentom drogą mailową z wykorzystaniem systemu uczelnianej poczty elektronicznej.

Ćwiczenia.

Kontrola umiejętności wykorzystywania przekazanej podczas wykładów wiedzy dla rozwiązywania zadań w formie dwóch kolokwium. tematyczna kontrola opanowanej wiedzy teoretycznej w postaci kilku



krótkich sprawdzianów. Ocena odpowiedzi studenta podczas prowadzonych zajęć. Ocena aktywności na zajęciach.

### Treści programowe

Rachunek zdań i kwantyfikatorów. Elementy teorii mnogości. Ogólna teoria relacji. Relacje porządkujące i relacje równoważności. Kresy zbiorów i ich własności. Twierdzenia o granicach właściwych i niewłaściwych ciągów liczbowych. Podciągi. Szeregi liczbowe. Kryteria zbieżności szeregów liczbowych o wyrazach nieujemnych i dowolnych. Iloczyn Cauchy'ego szeregów. Twierdzenie Mertensa. Funkcje elementarne i ich własności. Funkcje ciągłe i ich własności. Ciągi i szeregi funkcyjne. Zbieżność punktowa i zbieżność jednostajna. Twierdzenie Cauchy'ego-Hadamarda. Pochodna funkcji zmiennej rzeczywistej. Własności pochodnych. Twierdzenia o wartości średniej. Badanie przebiegu funkcji. Twierdzenie de L'Hospitala i jego zastosowanie. Pochodne wyższych rzędów. Wzór Taylora i rozwijanie funkcji w szeregi potęgowe. Pochodna funkcji uwikłanej. Całka nieoznaczona. Podstawowe metody całkowania. Zastosowanie geometryczne i całki oznaczonej. Rachunek różniczkowy funkcji wielu zmiennych. Ekstrema lokalne funkcji dwóch i trzech zmiennych. Pochodna kierunkowa funkcji dwóch i trzech zmiennych oraz jej zastosowanie. Różniczka zupełna i jej zastosowanie do obliczeń przybliżonych. Całki wielokrotne i ich zastosowanie. Całka krzywoliniowa skierowana i nieskierowana. Całki powierzchniowe. Elementy równań różniczkowych.

### Metody dydaktyczne

Wykład:

1. Wykład prowadzony w sposób interaktywny z formułowaniem pytań do grupy studentów lub do wskazywanych konkretnych studentów.
2. Teoria przedstawiana w powiązaniu z aktualną wiedzą studentów.
3. Uwzględnia się aktywność studentów w czasie zajęć przy wystawianiu oceny końcowej.

Ćwiczenia:

1. Rozwiązywanie przykładowych zadań na tablicy.
2. Szczegółowe recenzowanie rozwiązań zadań i dyskusje nad komentarzami.
3. Inicjowanie dyskusji nad rozwiązaniami.

### Literatura

Podstawowa

1. G. M. Fichtenholz, Rachunek różniczkowy i całkowy, PWN, Warszawa 2007.
2. H. J. Musielakowie, Analiza matematyczna, Wydawnictwo Naukowe UAM 2000.



Uzupełniająca

1. M. Gewert. Z. Skoczylas, Analiza matematyczna 1 i 2, przykłady i zadania, Oficyna wydawnicza GiS Wrocław 2019
2. W. Kołodziej, Analiza Matematyczna, PWN, Warszawa 2009.

**Bilans nakładu pracy przeciętnego studenta**

	Godzin	ECTS
łącznie nakład pracy	170	6,0
Zajęcia wymagające bezpośredniego kontaktu z nauczycielem	90	3,0
Praca własna studenta (studia literaturowe, przygotowanie do ćwiczeń, przygotowanie do kolokwii i egzaminu) <sup>1</sup>	80	3,0

<sup>1</sup> niepotrzebne skreślić lub dopisać inne czynności